

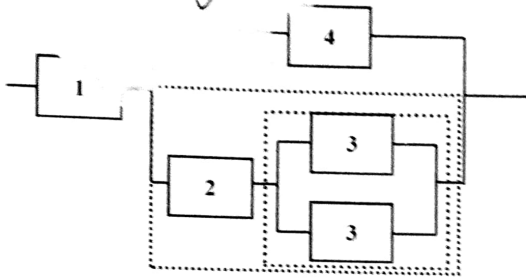


السؤال الأول
في 10 دقائق

السؤال الأول (20 درجة):

ليكن لدينا نظام قياس مكون من أربع مكونات وقد تم تكرار المكون 3 لتحسين وثوقيه المكونات خلال سنة واحدة من التشغيل هي:

(المطلوب: $R_1=0.95, R_2=0.85, R_3=0.9, R_4=0.87$)



(a) اوجد مجموعات المسار ومجموعات القطع الاصغرية.

(b) اوجد وثوقية هذا النظام خلال سنة واحدة.

(c) اوجد المتوسط الزمني لفشل المكون الاول $MTTF_1$ بالأيام

(d) قم بدراسة أهمية المكون الأول $B_0(1)$.

(e) هل يعتبر تكرار المكون 3 كما في الشكل هو الاختيار الأمثل لتحسين وثوقيه هذا النظام؟ علل اجابتك.

الحل:

Path Sets	Cut Sets
[1,4]	[1]
[1,2,3]	[2,4]
[1,2,3]	[3,3,4]

(a) 4 درجات

(b) 4 درجات

$$R_A = 1 - (1 - R_3)^2 = 0.99$$

$$R_B = R_A R_2 = 0.8415$$

$$R_{system} = [1 - (1 - R_4)(1 - R_B)] R_1 = 0.93042525$$

(c) 4 درجات

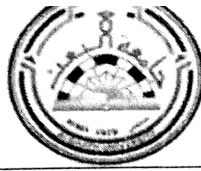
$$R_1(t) = e^{-\lambda_1 t} = e^{-\lambda_1 \cdot 1} = 0.95$$

$$\lambda_1 = -\ln(0.95) \text{ per year}$$

$$MTTF_1 = 1/\lambda_1 = \frac{1}{-\ln(0.95)} = 19.4957 \text{ year} = 7115.94 \text{ days}$$

(d) 4 درجات

X1.X2.X3.X3.X4	$\emptyset(1i, X) - \emptyset(Oi, X)$	$C(X1, X2, X3, X3, X4)$
.X2.X3, X3, X4	$\emptyset(1_1, X) - \emptyset(O_1, X)$	$C(1, X2, X3, X3, X4)$
0 0 0 0	0 - 0 = 0	X
0 0 0 1	1 - 0 = 1	✓
0 0 1 0	0 - 0 = 0	X
0 0 1 1	1 - 0 = 1	✓
0 1 0 0	0 - 0 = 0	X
0 1 0 1	1 - 0 = 1	✓
0 1 1 0	0 - 0 = 0	X
0 1 1 1	1 - 0 = 1	✓
1 0 0 0	0 - 0 = 0	X
1 0 0 1	1 - 0 = 1	✓



1	0	1	0	$1 - 0 = 1$	√
1	0	1	1	$1 - 0 = 1$	√
1	1	0	0	$1 - 0 = 1$	√
1	1	0	1	$1 - 0 = 1$	√
1	1	1	0	$1 - 0 = 1$	√
1	1	1	1	$1 - 0 = 1$	√

$$B\phi(1) = \frac{M\phi(I)}{2^{n-1}} = \frac{M\phi(1)}{2^{5-1}} = \frac{11}{16} = 0.6875$$

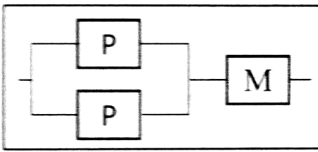
(e) 4 درجات

لا، لأن تكرار المكون الثاني يؤدي لتحسين أكبر في الوثوقية.
عند تكرار المكون الثاني سنحصل على:

$$R_A = 1 - (1 - R_2)^2 = 0.9775$$

$$R_B = R_A R_3 = 0.87975$$

$$R_{system} = [1 - (1 - R_4)(1 - R_B)]R_1 = 0.935149125 > 0.93042525$$



السؤال الخامس (15 درجة):

أولاً: ليكن لدينا نظام قياس حاسوبي مكون من معالжин وذكرة واحدة كما في الشكل
جانباً. وثابت معدل الفشل للمعالج λ_p ، للذاكرة λ_m والمطلوب:

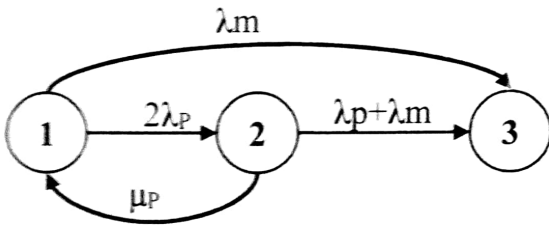
اوجد علاقة الوثوقية لهذا النظام باعتبار معدل تغطية العطل $C=1$ ومعدل الاصلاح للمعالج μ_p .

ثانياً: ارسم سلسلة Markov لتقييم وثوقية نظام مكون من ثلاث وحدات تعمل معاً مع احتياطي واحد فقط. افترض أن:

- معدل الفشل لكل وحدة من الوحدات الرئيسية الثلاثة هو λ_m ومعدل فشل الاحتياطي هو λ_s .
- كما لا يمكن أن تفشل الوحدات الاحتياطية في وضع الاستعداد. - ويكفي عمل مكونين ليعمل النظام.
- وتغطية العطل تساوي 1 ولا يوجد إمكانية اصلاح.

الحل:

أولاً: 10 درجات (للمخطط 3 درجات ومصفوفة العبور 2 والمعادلات 3 وعلاقة الوثوقية 2)



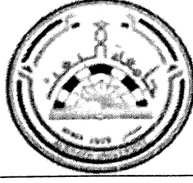
حالة النظام	الوصف	الحالة
عمل	جميع المكونات تعمل	①
عمل	فشل معالج واحد فقط	②
فشل	فشل الذاكرة أو المعالжин على الاقل	③

M= مصفوفة العبور

$$\begin{matrix} -2\lambda_p - \lambda_m & \mu_p & 0 \\ 2\lambda_p & -\lambda_p - \lambda_m - \mu_p & 0 \\ \lambda_m & \lambda_p + \lambda_m & 0 \end{matrix}$$

$$dP(t)/dt = M \cdot P(t)$$

4



$$\frac{d}{dt} \begin{bmatrix} P_1(t) \\ P_2(t) \\ P_3(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2\lambda_p - \lambda_m & \mu_p & 0 \\ 2\lambda_p & -\lambda_p - \lambda_m - \mu_p & 0 \\ \lambda_m & \lambda_p + \lambda_m & 0 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} P_1(t) \\ P_2(t) \\ P_3(t) \end{bmatrix}$$

$$\frac{dP_1(t)}{dt} = (-2\lambda_p - \lambda_m)P_1(t) + \mu_p P_2(t) \dots\dots\dots 1$$

$$\frac{dP_2(t)}{dt} = 2\lambda_p P_1(t) - (\lambda_p + \lambda_m + \mu_p)P_2(t) \dots\dots\dots 2$$

$$\frac{dP_3(t)}{dt} = \lambda_m P_1(t) + (\lambda_p + \lambda_m)P_2(t) \dots\dots\dots 3$$

بأخذ تحويل لابلاس للمعادلتين 1 و2:

$$* SP_1(S) - P_1(0) = (-2\lambda_p - \lambda_m)P_1(S) + \mu_p P_2(S) \dots\dots\dots 4$$

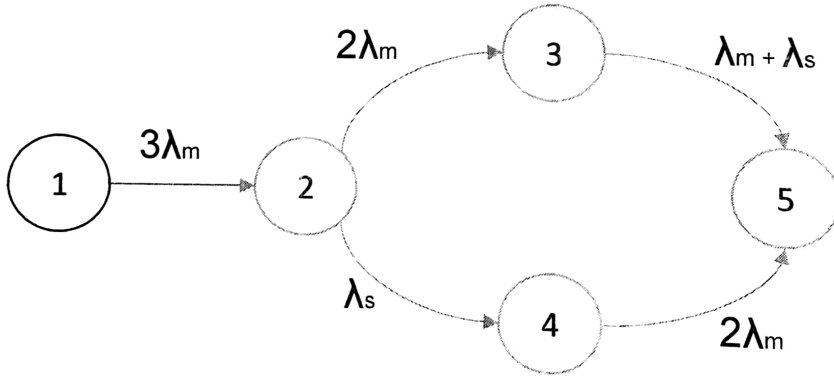
$$* SP_2(S) - P_2(0) = 2\lambda_p P_1(S) - (\lambda_p + \lambda_m + \mu_p)P_2(S) \dots\dots\dots 5$$

القيم الابتدائية هي: $P_1(0) = 1, P_2(0) = 0$

نقوم بحل المعادلتين 4 و5 لينتج لدينا: $P_1(S)$ و $P_2(S)$ ثم نقوم بتحويل لابلاس العكسي لإيجاد $P_1(t)$ و $P_2(t)$

$$R(t) = \sum_{i \in O} P_i(t) = P_1(t) + P_2(t)$$

ثانياً: 5 درجات



يعمل النظام	كل المكونات تعمل	1
يعمل النظام	فشل أحد الوحدات الأساسية فقط	2
يعمل النظام	فشل وحدتين أساسيتين فقط	3
يعمل النظام	فشل وحدة أساسية والوحدة الاحتياطية فقط	4
فشل النظام	فشل ثلاث مكونات على الأقل	5