

في الشكل المبين أعلاه نلاحظ جريان ماء بتدفق  $0.1 \text{ m}^3/\text{min}$  في أنبوب مؤلف من جزأين: الأول أسطواني قطره  $20 \text{ cm}$  والجزء الثاني مخروطي قطره عند نهايته  $8 \text{ cm}$  حيث يتصل بالخرزان الموضح بالشكل الذي يحتوي ماء على ارتفاع  $3 \text{ m}$  ومساحة مقطع هذا الخزان  $4 \text{ m}^2$ . المطلوب:

- 1- تحديد نوع الجريان في هذا الأنبوب إذا علمت أن لزوجة الماء الحركية  $\nu = 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$ .
- 2- إذا علمت أن الضغط عند المقطع 1 يبلغ  $5 \text{ bar}$ , يُطلب حساب الضغط عند المقطع 2 في الحالتين التاليتين:  
① الأولى: عدم وجود ضياعات. ② الثانية: وجود ضياعات مقدارها  $30 \text{ m}$ .
- 3- حساب الضغط عند النقطة A نقطة تلاشي خط التيار نتيجة اصطدامه بالكرة التي تعترض الجريان في الجزء الأسطواني من الأنبوب.
- 4- تحديد ارتفاع الماء  $h$  في الأنبوب البيزومتري المثبت عند المقطع 3 حيث قطره  $12 \text{ cm}$  وذلك بإهمال كافة الضياعات.
- 5- رسم مخطط تدرج السرعة عند المقطع 2.
- 6- حساب القوة المؤثرة على قاع الخزان.
- 7- إذا علمت أنه يتم تفريغ الخزان من فتحة مستديرة قطرها  $5 \text{ cm}$  موجودة في أسفل الجدار الشاقولي للخزان ومعامل تدفقها  $0.72$  كما هو مبين بالشكل أعلاه. المطلوب:  
7.1- حساب التدفق الحقيقي لخروج الماء من هذه الفتحة.  
7.2- إيجاد معادلات الحركة للماء الخارج من هذه الفتحة. ثم أوجد معامل السرعة  $C_v$  إذا كان  $(x = 180 \text{ cm}, y = 30 \text{ cm})$ .  
7.3- حساب الزمن اللازم لتفريغ نصف كمية الماء الموجودة في الخزان.

الم 30 درجة آلة الثانية:

يتألف الجدار الخارجي لمستودع تبريد من أربع طبقات مُرتبة من الداخل إلى الخارج كما يلي: طبقة بورسلان سماكته  $5 \text{ mm}$  ومعامل توصيلها الحراري  $1.16 \text{ W/m.K}$  طبقة بيتون سماكته  $50 \text{ mm}$  ومعامل توصيلها الحراري  $0.78 \text{ W/m.K}$  ثم طبقة عازلة سماكته  $100 \text{ mm}$  ومعامل توصيلها الحراري  $0.06 \text{ W/m.K}$  وبعدها طبقة أخرى من البيتون سماكته  $50 \text{ mm}$  ومعامل توصيلها الحراري  $0.97 \text{ W/m.K}$ . إذا علمت أن درجة حرارة مستودع التبريد الداخلية  $-20^\circ \text{C}$  وعامل الحمل الداخلي  $8 \text{ W/m}^2 \cdot \text{K}$  ودرجة الحرارة الخارجية  $25^\circ \text{C}$  وعامل الحمل الخارجي  $23 \text{ W/m}^2 \cdot \text{K}$ . المطلوب:

1. تعريف وحساب معامل انتقال الحرارة الكلي  $U$ .
2. حساب شدة السيلة الحرارية  $\dot{q}$ .
3. رسم مخطط تغير درجات الحرارة كامل طبقات الجدار مع حساب هذه الدرجات.
4. عند أي موقع تنعدم درجة الحرارة.

انتموا الامثلة

د. م. محمد علي

تمباي ليهم بالتوفيق العانه

### حساب الأول:

• حساب السرعة في الجزء الأسطواني عند المقطع 1:

$$V_1 = \frac{Q}{A} = \frac{4 \cdot Q}{\pi \cdot d^2} = \frac{4 \times \left(\frac{0.1}{60}\right)}{\pi \cdot 0.2^2} = 0.053 \text{ m/sec}$$

- يتم تحديد نوع الجريان عن طريق حساب رقم رينولدز  $Re$

$$Re = \frac{v \cdot d}{\nu} = \frac{0.053 \times 0.2}{10^{-6}}$$

$Re = 10600 > 4000 \Rightarrow$  الجريان مضطرب

• حساب السرعة في نهاية الجزء المخروطي عند المقطع 4:

$$V_4 = \frac{Q}{A} = \frac{4 \cdot Q}{\pi \cdot d^2} = \frac{4 \times \left(\frac{0.1}{60}\right)}{\pi \cdot 0.08^2} = 0.33 \text{ m/sec}$$

يتم تحديد نوع الجريان عن طريق حساب رقم رينولدز  $Re$

$$Re = \frac{V \cdot d}{\nu} = \frac{0.33 \times 0.08}{10^{-6}}$$

$Re = 26400 > 4000 \Rightarrow$  الجريان مضطرب

الجريان في كلا الجزأين مضطرب لذلك يتدفق الماء بجريان مضطرب في كامل الأنابيب لكن تتغير حدة الاضطراب نتيجة تضيق الأنابيب في الجزء المخروطي حيث تزداد السرعة وهذا يفسر الارتفاع في قيمة رقم رينولدز

### الطلب الثاني:

• حساب الضغط عند المقطع 2 بإهمال الضياعات:

نطبق معادلة برنولي بين المقطعين (1) و (2)

$$\frac{P_1}{\gamma} + \frac{V_1^2}{2g} + Z_1 = \frac{P_2}{\gamma} + \frac{V_2^2}{2g} + Z_2$$

$$Z_1 = Z_2$$

$$V_1 = V_2 = 0.053 \text{ m/sec}$$

$$\frac{P_1}{\gamma} - \frac{P_2}{\gamma} = 0$$

$$P_1 = P_2 = 5 \text{ bar}$$

• حساب الضغط عند المقطع 2 بوجود ضياعات مقدارها 30 m:

$$\frac{P_1}{\gamma} + \frac{v_1^2}{2g} + Z_1 = \frac{P_2}{\gamma} + \frac{v_2^2}{2g} + Z_2 + \sum \Delta h$$

$$V_1 = V_2 = 0.053 \text{ m/sec}$$

$$\frac{P_1}{\gamma} = \frac{P_2}{\gamma} + 30$$

$$\frac{P_2}{\gamma} = 20.9 \Rightarrow P_2 \cong 2 \text{ bar}$$

### الطلب الثالث:

النقطة A هي نقطة توقف حيث يتلاشى عندها التيار وبالتالي تنعدم عندها السرعة ( $V_A = 0$ ) وتتحول الطاقة الحركية لطاقة ضغط ويسمى الضغط عندها بضغط التوقف، يُحسب كما يلي:

$$\frac{P_1}{\gamma} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{P_A}{\gamma}$$

$$\frac{P_A}{9810} = \frac{5 \times 10^5}{9810} + \frac{0.053^2}{2 \times 9.81}$$

$$P_A = 500001.4 \text{ Pa}$$

### الطلب الرابع:

• حساب السرعة في الأنابيب المخروطي عند المقطع 3:

$$V_3 = \frac{Q}{A} = \frac{4 \cdot Q}{\pi \cdot d^2} = \frac{4 \times \left(\frac{0.1}{60}\right)}{\pi \cdot 0.12^2} = 0.15 \text{ m/sec}$$

• حساب الضغط عند المقطع 3 بإهمال الضياعات:

نطبق معادلة برنولي بين المقطعين (1) و (3)

$$\frac{P_1}{\gamma} + \frac{V_1^2}{2g} + Z_1 = \frac{P_3}{\gamma} + \frac{V_3^2}{2g} + Z_3$$

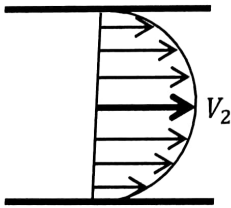
$$\frac{5 \times 10^5}{9810} + \frac{0.053^2}{2 \times 8.81} = \frac{P_3}{9810} + \frac{0.15^2}{2 \times 9.81}$$

$$P_3 = 499990.15 \text{ Pa}$$

$$P_3 = \gamma \cdot h \Rightarrow h = 51 \text{ m}$$

### الطلب الخامس:

تدرج السرعة عند المقطع 2



### الطلب السادس:

تعطى القوة المؤثرة على قاع الخزان:

$$F = \gamma_{H2O} \cdot h_{H2O} \cdot A$$

$$F = 9810 \times 3 \times 4 = 117.72 \text{ kN}$$

### المسألة 30 درجة ألة الثانية.

10 درجات

الطلب الأول:

يعطى معامل انتقال الحرارة الكلي بالعلاقة:

$$U = 1/R_{tot} = 1/(R_1 + R_2 + R_3 + R_4 + R_5)$$

$R_1 = \frac{1}{h_1} = 0.125$	$R_2 = \frac{\delta_2}{k_2} = 0.064$	$R_3 = \frac{\delta_3}{k_3} = 0.0043$
$R_4 = \frac{1}{h_4} = 0.043$	$R_5 = \frac{\delta_5}{k_5} = 1.667$	$R_6 = \frac{\delta_6}{k_6} = 0.052$

$$R_{tot} = 1.955 \text{ m}^2 \cdot \text{K/W}$$

$$U = 0.51 \text{ W/m}^2 \cdot \text{K}$$

5 درجات

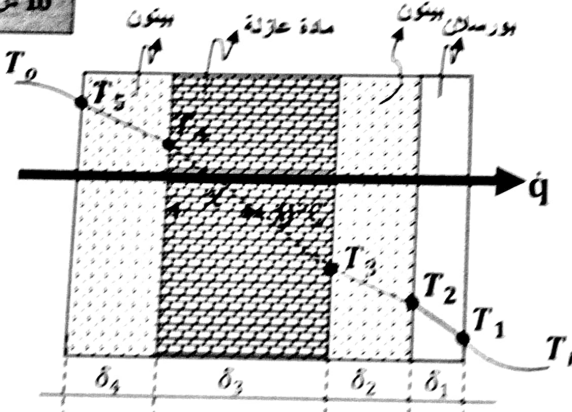
الطلب الثاني:

حساب شدة المبالغة الحرارية المنتقلة من الوسط الخارجي نحو الداخل:

$$\dot{q} = \frac{\Delta T}{R_{tot}} = \frac{T_0 - T_1}{R_{tot}} = \frac{25 + 20}{1.955} = 23.02 \text{ W/m}^2$$

الطلب الثالث:

10 درجات



- مخطط بوضوح كيفية توزيع درجات الحرارة ضمن الجدار المركب -

حساب درجات الحرارة عند النقاط الفاصلة بين طبقات المولفة لجدار حوض المبالغة:

$$T_5 = T_0 - \dot{q} \cdot R_0 = 24.01 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$T_4 = T_0 - \dot{q}(R_0 + R_4) = 22.81 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$T_3 = T_0 - \dot{q}(R_0 + R_4 + R_3) = -15.56 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$T_2 = T_0 - \dot{q}(R_0 + R_4 + R_3 + R_2) = -17.03 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$T_1 = T_0 - \dot{q}(R_0 + R_4 + R_3 + R_2 + R_1) = -17.13 \text{ }^\circ\text{C}$$

الطلب الرابع:

نلاحظ أن  $t = 0$  تقع في الطبقة العازلة بين  $(T_4, T_3)$

5 درجات

$$\dot{q} = \frac{T_4 - T_3}{\frac{x}{k_3}} = \frac{22.81 - 0}{\frac{x}{0.06}} = 23.02$$

$$x = 59.45 \text{ mm}$$

سرعة خروج الماء النظرية من الفتحة السفلية:

$$V_{th} = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 9.81 \times 3} = 7.67 \text{ m/s}$$

حساب التدفق الحجمي الحقيقي لخروج الماء من الفتحة السفلية الدائرية:

$$Q_a = C_d \cdot V_{th} \cdot a = 0.72 \times 7.67 \times \pi \frac{0.05^2}{4}$$

$$Q_a = 10.84 \times 10^{-2} \text{ [m}^3/\text{sec]}$$

• إيجاد معدلات الحركة للماء الخارج من هذه الفتحة:

عند إهمال مقاومة الهواء تكون خطوط التيار للماء الخارج من الفتحة السفلية معرضة فقط لقوى الجاذبية الأرضية، ونتيجة لعدم وجود محصلة للقوى الأفقية المؤثرة عليها ( $F_x = 0$ ) فإن حركتها الأفقية ستكون منتظمة أي أن مسقط السرعة الأفقية  $V_x$  يبقى ثابتاً أثناء الحركة وفيما السرعة الأفقية  $V_x$  تساوي إلى سرعة نفوذ الماء من الثقب.

معادلة الحركة على المحور الأفقي OX:

$$x = V_x \cdot t$$

أما الحركة الشاقولية للتيار المائي فهي متسارعة بانتظام.

معادلة الحركة على المحور الأفقي OY:

$$y = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$$

بحذف الزمن من العلاقتين أعلاه نجد معادلة الحركة:

$$y = \frac{g}{2 \cdot V_x^2} \cdot x^2$$

ومنه نجد أن خطوط التيار تتبع في مسارها قطعاً مكافئاً عند خروجها من الفتحة الدائرية السفلية، السرعة الأفقية  $V_x$  في المعادلات أعلاه هي سرعة تدفق الطابع الحقيقية من الفتحة لأنها مقاسة تجريبياً.

• إيجاد معامل المرعة  $C_v$

بقياس  $x, y$  كما يلي ( $x = 180 \text{ cm}, y = 30 \text{ cm}$ )

يمكن إيجاد قيمة  $V_x$  سرعة تدفق الطابع الحقيقية من الفتحة من معادلة الحركة أعلاه كما يلي:

$$V_x = \sqrt{\frac{g}{2 \cdot y}} \cdot x = \sqrt{\frac{9.81}{2 \times 0.3}} \times 1.8 = 7.278 \text{ m/sec}$$

يعطى معامل السرعة بالعلاقة التالية:

$$C_v = \frac{V_x}{V_{th}} = \frac{7.278}{7.67} = 0.95$$

• حساب الزمن اللازم لتفريغ الخزان بالعلاقة:

$$t = \frac{2 \cdot A \cdot (h_2^{1/2} - h_1^{1/2})}{C_d \cdot a \cdot \sqrt{2g}}$$

$$t = \frac{2 \times 4 \times (\sqrt{3} - \sqrt{1.5})}{0.72 \times 0.00196 \times \sqrt{2 \times 9.81}} = 649.26 \text{ sec}$$

$$t \approx 11 \text{ min}$$

Handwritten signature

د. محمد صالح

Handwritten signature