

السؤال الأول: (18 درجة)

-1

نحسب كتلة الجسم

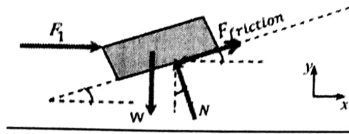
$$m = \rho \cdot V = 400 \cdot (30 \cdot 10 \cdot 12) \cdot 10^{-6} = 1,44 \text{ [kg]}$$

ثم نحسب وزن الجسم

$$W = m \cdot g = 14,4 \cdot 9,81 = 14,13 \text{ [N]}$$

(4)

-2



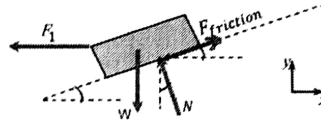
$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N \cos 17^\circ + F_f \sin 17^\circ - W = 0 : F_f = f \cdot N = 0,4 \cdot N$$

$$\Rightarrow N \cos 17^\circ + 0,4 \cdot N \sin 17^\circ - 14,13 = 0 \Rightarrow N = 13,17 \text{ [N]}$$

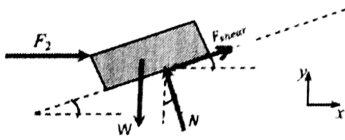
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow -N \sin 17^\circ + F_f \cos 17^\circ + F_1 = 0 : F_f = f \cdot N = 0,4 \cdot N$$

$$\Rightarrow -13,17 \sin 17^\circ + 0,4 \cdot 13,17 \cdot \cos 17^\circ + F_1 = 0 \Rightarrow F_1 = -1,19 \text{ [N]}$$

(7)

الاتجاه المفروض خاطئ والقوة F_1 تتجه نحو اليسار والرسم الصحيح كالتالي:

-3



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N \cos 17^\circ + F_{shear} \sin 17^\circ - W = 0:$$

$$F_{shear} = \mu \cdot \frac{du}{dy} \cdot A = 0,015 \cdot \frac{1,3}{0,0003} \cdot 30 \cdot 12 \cdot 10^{-4} = 2,34 \text{ [N]}$$

$$\Rightarrow N \cos 17^\circ + 2,34 \cdot \sin 17^\circ - 14,13 = 0 \Rightarrow N = 14,06 \text{ [N]}$$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow -N \sin 17^\circ + F_{shear} \cos 17^\circ + F_2 = 0$$

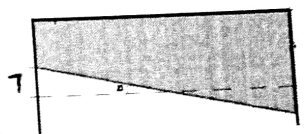
$$\Rightarrow -14,06 \cdot \sin 17^\circ + 2,34 \cdot \cos 17^\circ + F_2 = 0 \Rightarrow F_2 = 1,87 \text{ [N]}$$

(7)

الاتجاه المفروض صحيح والقوة F_2 تتجه نحو اليمين

د. هادي الناصر

الدرجة: ٨٠



1- تسارع الجاذبية $g = 9,81 \text{ m/sec}^2$

$$\tan \alpha = \frac{a_x}{g} = \frac{3}{9,81} = 0,306$$

والسطح الجانبي الخرساني عند مؤخره ومقدمة الجدران هي:

$$\begin{aligned} \text{عرض الجدران عند مؤخره الجدران: } & 1,3 + 0,918 = 2,218 \text{ [m]} \\ \text{عرض الجدران عند مقدمه الجدران: } & 1,3 - 0,918 = 0,382 \text{ [m]} \end{aligned}$$

2-

قوة الدفع على الوجه الخلفي:

$$F_1 = \gamma \cdot h \cdot c \cdot A = 9810 \cdot \frac{2,218}{2} \cdot (2,218 \cdot 2) = 48260,53 \text{ [N]}$$

قوة الدفع على الوجه الأمامي:

$$F_2 = \gamma \cdot h \cdot c \cdot A = 9810 \cdot \frac{0,382}{2} \cdot (0,382 \cdot 2) = 1431,51 \text{ [N]}$$

الفرق بين قوتي الدفع:

$$F = F_1 - F_2 = 48260,53 - 1431,51 = 46829,02 \text{ [N]}$$

حجم الماء في الوعاء:

$$m = \rho \cdot V = 1000 \cdot 15,6 = 15600 \text{ [kg]}$$

قوة الجاذبية $F = m \cdot a$:

$$F = 15600 \cdot 0,3 = 46800 \text{ [N]}$$

ويلاحظ الفرق بين قوتي الدفع بين الوجهين المتحركين

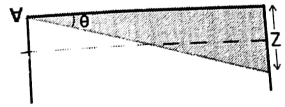
4-

$$P_B = \gamma \cdot h_B = 9810 \cdot 2,218 = 21758,58 \text{ [Pa]}$$

حجم الماء قبل الحركة (حالة السكون) = حجم الماء بعد الحركة عند المقدمة بزاوية θ

$$\frac{1}{2} \cdot 6,2 \cdot Z = 6,2 \cdot 1,3 \Rightarrow Z = 2,1,3 = 2,6 \text{ [m]}$$

ويلاحظ ان الماء لم يتحرك



$$\tan \theta = \frac{Z}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\tan \theta = \frac{a_x^{new}}{g} \Rightarrow a_x^{new} = g \cdot \tan \theta = 9,81 \cdot \frac{6}{6} = 4,251 \text{ [m/sec}^2]$$

المسائل الثالث: (16 درجة)

١- نطبق معادلة برنولي بين السطح الحر للمائل في الخزان السفلي و السطح الحر للمائل في الخزان العلوي كما يلي:

$$\frac{P_1}{\omega} + \frac{V_1^2}{2g} + Z_1 + H_P = \frac{P_2}{\omega} + \frac{V_2^2}{2g} + Z_2 + \Delta h_f + \Delta h_k$$

$$\Rightarrow 0 + 0 + 0 + H_P = 0 + 0 + 32 + \Delta h_f + \Delta h_k$$

حيث أن $\Delta h_f = f \cdot \frac{L}{D} \cdot \frac{V^2}{2g}$ هي الضياعات الطولية

و $\Delta h_k = \sum k \cdot \frac{V^2}{2g}$ هي الضياعات المكانية للجريان

$$V = \frac{Q}{A} = \frac{4 \cdot Q}{\pi \cdot D^2} = \frac{4 \cdot \frac{216 \cdot 10^3 \cdot 10^{-3}}{3600}}{\pi \cdot 0,11^2} = 6,31 [m/s]$$

$$Re = \frac{\rho \cdot V \cdot D}{\mu} = \frac{10^3 \cdot 6,31 \cdot 0,11}{1,15 \cdot 10^{-3}} = 6,04 \cdot 10^5 > 4000 \Rightarrow \text{الجريان مضطرب}$$

نحدد أمثال الاحتكاك الهيدروليكي:

$$\frac{1}{\sqrt{f}} = -1,8 \log \left(\frac{6,9}{Re} + \left(\frac{\epsilon/D}{3,7} \right)^{1,11} \right) \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{f}} = -1,8 \log \left(\frac{6,9}{6,04 \cdot 10^5} + \left(\frac{0,5/0,11 \cdot 10^3}{3,7} \right)^{1,11} \right)$$

$$\Rightarrow f = 0,02972$$

$$\Rightarrow \Delta h_f = 0,02972 \cdot \frac{210}{0,11} \cdot \frac{6,31^2}{2,9,81} = 115,14 [m]$$

$$\Delta h_k = 23 \cdot \frac{6,31^2}{2,9,81} = 46,68 [m]$$

$$\Rightarrow \Delta h = \Delta h_f + \Delta h_k = 115,14 + 46,68 = 161,82 [m]$$

$$H_P = 32 + 115,14 + 46,68 = 193,82 [m]$$

والضياعات الكلية للجريان:

نعوض في معادلة برنولي:

$$P_P = \frac{\gamma \cdot Q \cdot H_P}{1000 \cdot \eta_P} = \frac{9810 \cdot \frac{216 \cdot 10^3 \cdot 10^{-3}}{3600} \cdot 193,82}{1000 \cdot 0,9} = 126,76 [kW]$$

ومنه استطاعة المضخة:

٢- نطبق معادلة برنولي بين السطح الحر للمائل في الخزان السفلي والنقطة 3 الواقعة بعد المضخة مباشرة كما يلي:

$$\frac{P_1}{\omega} + \frac{V_1^2}{2g} + Z_1 + H_P = \frac{P_3}{\omega} + \frac{V_3^2}{2g} + Z_3 + \Delta h_{f(1 \rightarrow 3)} + \Delta h_{k(1 \rightarrow 3)}$$

$$\Delta h_{f(1 \rightarrow 3)} = f \cdot \frac{L_1}{D} \cdot \frac{V^2}{2g} = 0,02972 \cdot \frac{34}{0,11} \cdot \frac{6,31^2}{2,9,81} = 18,64 [m]$$

$$\Delta h_{k(1 \rightarrow 3)} = \sum k_{(1 \rightarrow 3)} \cdot \frac{V^2}{2g} = 10 \cdot \frac{6,31^2}{2,9,81} = 20,29 [m]$$

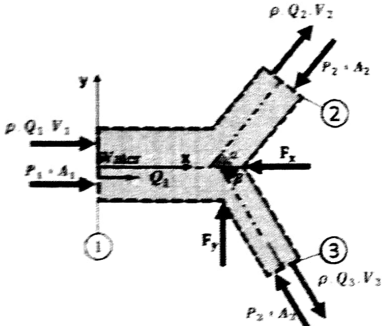
$$\Rightarrow 0 + 0 + 5 + 193,82 = \frac{P_3}{9810} + \frac{6,31^2}{2,9,81} + 0 + 18,64 + 20,29$$

$$\Rightarrow P_3 = 1548,612 [kPa]$$

يُعطى الطالب علامة الحل لأي طريقة حل صحيحة عند عدم تحديد طريقة الحل في الأسئلة

الدرجة: ٧٠ سبعون درجة

حساب معادلة الاستمرار:



من نص المسألة $V_2 = V_3 = V$ لأن السرعة تبقى ثابتة في المقطعين 2 و 3

$$Q_1 = Q_2 + Q_3 \Rightarrow V_1 \cdot A_1 = V_2 \cdot A_2 + V_3 \cdot A_3$$

$$\Rightarrow V_1 \cdot A_1 = V \cdot (A_2 + A_3) \Rightarrow V_1 = \frac{A_2 + A_3}{A_1} \cdot V = \frac{d_2^2 + d_3^2}{d_1^2} \cdot V$$

$$= \frac{8^2 + 5^2}{14^2} \cdot 10 = 4,54 \text{ [m/s]}$$

حساب التدفقات:

$$Q_1 = V_1 \cdot A_1 = V_1 \cdot \frac{\pi \cdot d_1^2}{4} = 4,54 \cdot \frac{\pi \cdot (14 \cdot 10^{-2})^2}{4} = 0,07 \text{ [m}^3/\text{s]}$$

$$Q_2 = V_2 \cdot A_2 = V_2 \cdot \frac{\pi \cdot d_2^2}{4} = 10 \cdot \frac{\pi \cdot (8 \cdot 10^{-2})^2}{4} = 0,05 \text{ [m}^3/\text{s]}$$

$$Q_3 = Q_1 - Q_2 = 0,07 - 0,05 = 0,02 \text{ [m}^3/\text{s]}$$

حساب الضغوط:

$P_2 = P_3 = 0$ لأن المائع يخرج إلى الهواء عند المقطعين 2 و 3 ومن نص المسألة $P_1 = 49 \text{ [kPa]}$ لإيجاد القوة التي يؤثر بها المائع في التفريضة الأفقية نطبق معادلة كمية الحركة وإسقاطها على المحورين \vec{x} و \vec{y} :

$$\sum \vec{F} = \dot{m} \cdot (\vec{V}_{out} - \vec{V}_{in}) = \rho \cdot Q \cdot (\vec{V}_{out} - \vec{V}_{in})$$

نسقط على المحور \vec{x} :

$$P_1 \cdot A_1 - F_x = \rho \cdot Q_2 \cdot V_2 \cdot \cos \alpha + \rho \cdot Q_3 \cdot V_3 \cdot \cos \beta - \rho \cdot Q_1 \cdot V_1$$

$$\Rightarrow F_x = P_1 \cdot \frac{\pi \cdot d_1^2}{4} - \rho \cdot Q_2 \cdot V_2 \cdot \cos \alpha - \rho \cdot Q_3 \cdot V_3 \cdot \cos \beta + \rho \cdot Q_1 \cdot V_1$$

$$\Rightarrow F_x = 49 \cdot 10^3 \cdot \frac{\pi \cdot (14 \cdot 10^{-2})^2}{4} - 10^3 \cdot 0,05 \cdot 10 \cdot \cos 40^\circ - 10^3 \cdot 0,02 \cdot 10 \cdot \cos 37^\circ + 10^3 \cdot 0,07 \cdot 4,54$$

$$\Rightarrow F_x = 529,35 \text{ [N]}$$

الاتجاه المفروض صحيح لأن $F_x > 0$

نسقط على المحور \vec{y} :

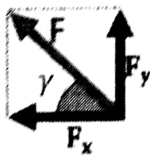
$$F_y = \rho \cdot Q_2 \cdot V_2 \cdot \sin \alpha - \rho \cdot Q_3 \cdot V_3 \cdot \sin \beta - 0$$

$$\Rightarrow F_y = 10^3 \cdot 0,05 \cdot 10 \cdot \sin 40^\circ - 10^3 \cdot 0,02 \cdot 10 \cdot \sin 37^\circ - 0$$

$$\Rightarrow F_y = 201,03 \text{ [N]}$$

الاتجاه المفروض صحيح لأن $F_y > 0$

حساب طول القوة المحصلة F وزاويتها γ :



$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{529,35^2 + 201,03^2} = 566,24 \text{ [N]}$$

$$\tan \gamma = \frac{F_y}{F_x} = \frac{201,03}{529,35} \Rightarrow \gamma = 20,8^\circ$$

أما القوة التي يؤثر بها المائع في التفريضة الأفقية هي قوة مساوية تماماً للقوة F و لكن معاكسة لها بالاتجاه