

قسم الدكتور فادي تركاوي

السؤال الأول (١٨) ٣ لكل إجابة سلامة

أجب بـ صحيح أو خطأ على العبارات الآتية مع تصحيح الخطأ:

- (a) إن زمن التنفيذ للخوارزمية يقدر بالثانية (خطأ يفترض بعد الخطوات)
- (b) في الدالة بـ $\Theta(n^2)$ ، إذا كان التابع f هو بـ $\Theta(mn)$ للتابع g ، فإن التابع f ينمو أسرع من التابع g أو أمثله (صح أسرع أو بالحد الأدنى نفسه)
- (c) البحث الثنائي يطبق على المصفوفات المرتبة (صح يطبق على المرتبة)
- (d) $\Theta(n^2 + \log(n)) \in \Theta(n^2)$ (صح بـ $\Theta(n^2)$)
- (e) طريقة التبديل بالضرب و القسمة تسبب الطفحان (صح تسبب)
- (f) التوابع العودية أكثر تعقيداً من التوابع الخطية (صح)

السؤال الثاني (١٧)

أعطي مثالين عن توابع عودية؟ و أوجد حل المعادلة العودية الآتية:

$$n_0 = 0, n_1 = 2$$

لكل مثال يعطيه الطالب صحيح من خلال مثال او كود او شرح

$$f(n) = 4f(n-1) - 3f(n-2) \quad \text{for } (n > 1)$$

٩ درجات و ٤ و ١ للجذرين، و و لقيمتى س ١ و س ٢ و للجواب النهائي ١

Solution: The characteristic equation is $x^2 - 4x + 3 = 0$, or $(x - 3)(x - 1) = 0$, so the general solution is $T(n) = c_1 3^n + c_2 1^n = c_1 3^n + c_2$. To find c_1 and c_2 we plug in the initial conditions to get two equations in those two variables:

$$\begin{aligned} 0 &= T(0) = c_1 3^0 + c_2 = c_1 + c_2 \\ 2 &= T(1) = c_1 3^1 + c_2 = 3c_1 + c_2 \end{aligned}$$

It's easy to solve these equations for the solution $c_1 = 1$, $c_2 = -1$, so the final answer is

$$T(n) = 3^n - 1$$

د. ناصر حماد

بقية الأسئلة في الصفحة التالية