

السؤال الأول (20 درجة)
20 19 18 17 16 15 14 13 12 11 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 c b b c b c c b c b c c c b c a a c a b

السؤال الثاني: ١٥

$$x(k) - 2x(k-1) + x(k-2) = e(k) \Rightarrow X(z) - 2z^{-1}X(z) + z^{-2}X(z) = E(z)$$

$$E(z) = \sum_{k=0}^{\infty} e(kT)z^{-k} = 1 - z^{-1} \Rightarrow X(z) = \frac{1 - z^{-1}}{1 - 2z^{-1} + z^{-2}} = \frac{z(z-1)}{z^2 - 2z + 1} = \frac{z(z-1)}{(z-1)^2} = \frac{z}{(z-1)}$$

$$\Rightarrow x(k) = 1 = u(k)$$

السؤال الثالث (12)

$$A = \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}, C = [0 \quad 1], D = [0] \text{ حيث}$$

$$X^* = AX + Bu$$

$$y = CX + Du$$

$$CE = |sI - A| = \begin{vmatrix} s+2 & 1 \\ -1 & s \end{vmatrix} = s(s+2) + 1 = s^2 + 2s + 1 = (s+1)(s+1)$$

في النصف الأيسر من المستوى العقدي

2- بما أن النظام مستقر فهو قابل للاستقرار

$$\text{النظام تحكمي كامل } M = [B \quad AB] = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \det(M) = +1 \neq 0$$

$$|sI - A + BK| = (s+3)(s+5)$$

$$\begin{bmatrix} s+2 & 1 \\ k_1 - 1 & k_2 + s \end{bmatrix} = s^2 + 8s + 15 \Rightarrow$$

$$s^2 + (k_2 + 2)s - k_1 + 2k_2 + 1 = s^2 + 8s + 15 \Rightarrow K = [-2 \quad 6]$$

السؤال الرابع (10)

$$G_1 G_2(s) = G_{Zoh}(s) \frac{1}{s+1} \Rightarrow G_1 G_2(z) = (1 - z^{-1}) Z \left[\frac{1}{s(s+1)} \right], g_o = \frac{1}{s(s+1)} = \frac{1}{s} - \frac{1}{s+1} \Rightarrow$$

$$G_o(z) = \frac{1}{1 - Z^{-1}} - \frac{1}{1 - Z^{-1}e^{-T}} = \frac{z(1 - e^{-T})}{(Z-1)(Z - e^{-T})} \Rightarrow G_1 G_2(z) = \frac{(1 - e^{-T})}{(Z - e^{-T})}$$

$$G_3(s) = e^{-Ts} \Rightarrow G_3(z) = \frac{1}{z}, H(s) = \frac{1}{s} \Rightarrow H(z) = \frac{1}{z-1}$$

$$\Rightarrow G(Z) = \frac{(1 - e^{-T})(Z - 1)}{z^3 + Z^2(1 - 1 - e^{-T}) + z(1 - 1 - e^{-T}) + e^{-T} - 1}$$

$$T = 0.5 \Rightarrow G(z) = \frac{0.4(Z-1)}{z^3 + Z^2(1 - 1.6) + z(1 - 0.6) - 0.4}$$

السؤال الخامس (18):

1- دراسة الاستقرار:

$$P(z) = z^2 + 0.4z - 1 + 0.4k$$

عدد أسطر الجدول : $2n-3=1$

التأكد من شروط الاستقرار:

- 1) $|0.4k - 1| < 1 \Rightarrow k < 5, k > 0$ ✓
 2) $P(z)|_{z=1} > 0 \Rightarrow 0.4k > -0.4 \Rightarrow k > -1$ ✓
 3) $P(z)|_{z=-1} > 0 \Rightarrow 0.4k > 0.4 \Rightarrow k > 1$ ✓
- the system is stable when $-1 < k < 5$*

$$k_p = \lim_{z \rightarrow 1} F(z) = k, e_{ss} = \frac{1}{1+k_p} = \frac{1}{1+k}^{-2}$$

3- من أجل $k=5$ يكون النظام على حافة الاستقرار أي يكون مهتز
 $k=5 \Rightarrow P(z) = z^2 + 0.4z + 1, \text{the poles are } z_{1,2} = -0.2 \pm 0.97j$

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{0.97}{0.2}\right) = 1.35, \angle z = Tw_d \Rightarrow w_d = \frac{1}{T} \angle z = 1.3 \text{ rad/sec}$$

$$\frac{w_s}{w_d} = \frac{2\pi/T}{2.7} = 4.6 \approx 5$$

د. صابر ريا

